高空大尺度渦度“湍流”輸送对 高度傾向影响的个案研究*

顧震潮

(中国科学院地球物理研究所)

提 要

本文用正压模式計算了大尺度湍流輸送項对高度傾向的影响,用的是1956年2月13—22日的資料。在这例子中渦度的湍流輸送項的作用与平均輸送項大小量級相同。这两項所造成的高度傾向分布却頗不相同,并不成簡單的比例关系。

一、問題

在中長期数值予报的嘗試中有人^[1-2]曾認為对于某个時間間隔中渦度的“湍流”輸送項可以不管,而只考虑平均运动的輸送。根据1956年二月資料,对5天到30天等不同時間間隔,不同地点所計算出来的二層模式里的各种“湍流”輸送項証明^[3],这种想法是不大符合实际情况的。因为由实况求出的渦度“湍流”輸送項并不比平均运动輸送項小多少。并且这两者之間不像有些人^[4]所想像的那样有什么簡單的正比关系。

但是在那个工作中所計算的是預报方程里各項的大小。而在具体預报的时候对象是高度傾向值。大家知道,在預报方程中这些輸送項就是Poisson方程或Helmholtz方程的源函数,而如果源函数分布比較特殊例如正負相間而正負区尺度又很小,那么这源函数对未知量的作用是不大的。因此如果渦度“湍流”輸送项的分布虽与平流輸送不同但仍合乎一定的条件,那么即使这輸送量并不比平流量小多少,在积分之后,它对高度傾向的貢獻是否仍可以略去呢?这仍是一个問題。

在下面的个案例中我們通过一个实例的傾向計算来了解这問題。所取的例子是北半球环流由低指数式化为高指数式的情形,因为这工作原是配合一个环流变化机制的研究^[5]来作的。由于这例子中关键变化恰好出现在欧洲,我們計算的范围也限于欧洲和大西洋的东部。

二、方法及資料

在正压模式中平均运动的渦度方程是

$$\partial \zeta / \partial t = -\mathbf{v} \cdot \nabla \zeta - \nabla' \cdot \Gamma \zeta' \quad (1)$$

我們先求这两項的大小。利用正方網格,可以先由高度 z 計算每天每一个網格点上的 ζ 值,

$$\zeta_0 \sim z_1 + z_2 + z_3 + z_4 - 4z$$

* 1959年2月28日收到。本文計算由薛永贍等同志完成,制圖是曾佑思同志完成的。

然后再按下式求出：

$$(\mathbf{v} \cdot \nabla \zeta)_0 = \frac{a}{4fd^2} [(z_1 - z_2)(\zeta_3 - \zeta_4) + (z_3 - z_4)(\zeta_1 - \zeta_2)] \quad (3)$$

圖 1. 網格點的位置。

(各點位置見圖 1)，其中 $a=0.98$ ， f 是地轉參數。在每天的 $\mathbf{v} \cdot \nabla \zeta$ 求出後再求出所用時間間隔里的平均值 $\overline{\mathbf{v} \cdot \nabla \zeta}$ 。另外由平均圖上求出 $\overline{\mathbf{v} \cdot \nabla \zeta}$ ，把這兩者相減就可求出“湍流”項 $\overline{\mathbf{v}' \cdot \nabla \zeta'}$ 。

各網格點上的 $\overline{\mathbf{v} \cdot \nabla \zeta}$ 和 $\overline{\mathbf{v}' \cdot \nabla \zeta'}$ 值求出後分別用張弛法求出相應的變高分布（邊界上變高等於零），就可以比較這兩項的貢獻大小。

所用的例子是 1956 年 2 月 13--22 日的十天紀錄。這十天是這次環流變化的關鍵時間。圖是由環流研究工作同志重新分析過的。底圖用的是球極平面射影，網格是由經度 0° ，北緯 40° 向四邊展開。格寬 500 千米（北緯 40° ），用的是每天 15 點（國際時）的 500 mb。

三、結果

1956 年 2 月 13--22 日的前後歐洲及大西洋西部西風環流很弱氣流繞着強大的阻塞高壓和切斷低壓蜿蜒曲折（圖 2）。但就在這時期中，這些閉合系統就很快地減弱，甚至消滅。西風環流重新加強，這在前後的變高上（圖 3）看得很清楚。

圖 4 和圖 5 分別是由渦度平均輸送項所造成的高度傾向分布和由“湍流”輸送項所造成的高度傾向分布，從這兩圖可以看出湍流項對高度傾向的貢獻並不比平均項的來得小。由此可見湍流輸送項的貢獻是不能略掉的。從圖 4 和圖 5 也可以見到這兩項高度傾向的中心並不是重合的。甚至有些地方湍流輸送項造成的正中心（格林蘭）都在平均輸送高度傾向的負區。因此這兩項高度傾向也沒有簡單的正比關係。其實，就連這兩個輸送項本身也沒有這種正比的關係^[3]。如果過去的結果中所用資料的地点在空間分布上散的太開的話，這裡還可以提供另外的數據，圖 6 是由各網格點上這兩種輸送項數值成對地点出的。從圖 6 本身就可以看出這兩個輸送項之間相關是很小的。

作為一個預報問題，我們還可以看看算得傾向與實際傾向相關多大。圖 7 是由總輸送 $\mathbf{v} \cdot \nabla \zeta$ 所求出的高度傾向值（即圖 4 和圖 5 中分布的和），把這圖與圖 3 比較可以看出，算出傾向與這十天的變高分布還有一些重要的差異。例如格林蘭東南端的正變高在算得傾向上是沒有的。而在鹹海以北算得傾向的正中心也是變高場中所沒有的。歐洲大陸上的正變高中心在算得傾向場上大小差了一半，大西洋東部算得傾向正中心也與變高中心不符。由此可見，不論是否考慮了湍流項在正壓模式下還不能很好的算出這平均的變化來。用正壓模式來預報形勢有較大變化時平均流場在十天中的變化是不会有滿意結果的。因此即使考慮了湍流項^[6]，也是不夠的。

最後，根據我們的結果也可以看出 Berson^[7] 的結果是有問題的，因為他把渦度平均輸送項所不能解釋的變高（“誤差”場）都算做是正壓模式中渦度湍流項的作用，也就是說正壓模式就幾乎可以沒有誤差；而實際上却並不是如此。

圖 2. 1956 年 2 月 13 日—22 日 500mb 平均圖(15Z).

圖 3. 1956 年 2 月 13、14 日 500mb 平均高度與 23、24 日平均高度較差，單位：位勢十米。

圖 4. 1956 年 2 月 13 日—22 日 500mb 渦度平均輸送項造成的高度傾向，單位：位勢十米/十天。

圖 5. 1956 年 2 月 13—22 日 500mb 渦流“湍流”輸送項造成的高度傾向，單位：位勢十米/十天。

圖 6. $\overline{v \cdot \nabla \zeta}$ 與 $\overline{v' \cdot \nabla \zeta'}$ 的關係，單位：(位勢十米)²，(未乘上係數)。

圖 7. 1956 年 2 月 13—22 日 500mb 算得正壓高度傾向，單位：位勢十米。

参 考 文 献

- [1] Блинова, Е., Док. АН СССР, 39 (1943), 284—287.
[2] Clapp, P., J. Met., 13 (1956), 341—350.
[3] 顧震潮、范永祥: 气象学报, 29 (1958), 16—23.
[4] Murakami, T. (村上多喜男), Pap. Met. and Geop., 8 (1957), 109—132.
[5] 叶篤正、陈隆勳等: 气象学报, 30 (1959), 尙未發表。
[6] Блинова, Е., Док. АН СССР, 123 (1958), 440—443.
[7] Berson, F. A., Q. J. Roy. Met. Soc., 79 (1953), 210—223.

A CASE STUDY FOR THE CONTRIBUTION OF LARGE-SCALE
EDDY TERM TO HEIGHT TENDENCY

KOO CHEN-CHAO

(Institute of Geophysics and Meteorology, Academia Sinica)

ABSTRACT

A computation of height tendency due to large-scale eddy term is made for a ten-day period Feb. 13—22, 1956, using barotropic model. It is shown that the contribution due to the eddy transport term $\overline{\mathbf{v}' \cdot \nabla' \zeta'}$ is comparable to that due to the mean transport term $\overline{\mathbf{v} \cdot \nabla \zeta}$. The distribution of the height tendency due to the eddy term is rather different from that due to the mean transport term and thus they are not connected by any simple relation of proportionality.